Grundkurs – Grafikrechner in Klassenstufe 10

Thema 3: Ganzrationale Funktionen

Aufgabe 10

Bestimmen Sie die Nullstellen der Funktionen. Gibt es darunter auch ganzzahlige Nullstellen?

a)
$$f(x) = x^4 - 2x + 1$$

b)
$$g(x) = x^3 - 2x^2 + 5x$$

c)
$$h(x) = 2x^3 + 11x^2 + 7x - 6$$

Aufgabe 11

Geben Sie – wenn möglich - jeweils zwei ganzrationale Funktionen an, die folgender Bedingung genügen:

- a) Die Funktion ist vom Grad 2 und hat genau 1 Minimum
- b) Die Funktion ist vom Grad 5 und hat mindestens 2 Nullstellen und 1 Maximum
- c) Die Funktion ist vom Grad 4 und hat 2 Minima und 2 Maxima
- d) Die Funktion ist vom Grad 3 und hat keine Nullstelle

Aufgabe 12

Stellen Sie die Graphen der Funktionen dar und erläutern Sie den Verlauf des Graphen für $x \to \pm_{\infty}$ und für $x \to \pm 0$.

a)
$$f(x) = x^4 - 2x^2 + 5$$

b)
$$g(x) = x \cdot (x^2 - 2x + 1)$$

c)
$$h(x) = -x^5 + x^4 + x^3 + 1$$